## Devoir TES intégration et densités

# Extrait du contrôle précédent

3

Pour chaque question, indiquer la seule réponse exacte sans justifier.

Une réponse erronée enlève 0,25 points.

1) Soit  $u_n = 10 \times 0, 5^n + 5$ .

a)  $u_{n+1}=0,5\times u_n$ 

b)  $\lim_{n\to+\infty} (u_n) = 5$ 

c)  $\lim_{n \to +\infty} (u_n) = 10$ 

d)  $u_{n+1}=0,5\times u_n+5$ 

2) Soit pour tout x réel,  $f(x)=2x^3-6x+1$ .

a) f'(0)=1

b) f est strictement croissante

e) f'(1)=0

d) f(x)=0 a une seule solution

3) Soit pour tout x réel  $f(x)=e^{-2x+1}$ .

a)  $f'(x)=e^{-2x+1}$ 

b) f est strictement croissante

c)  $f'(x) = -2e^{-2x+1}$ 

d) f(x)=0 a une seule solution

### Exercice 1

6

Calculer les intégrales suivantes :

1) Calculer  $A = \int_0^2 x^3 - 3x^2 + 2 dx$  et  $B = \int_{-1}^1 e^{3x} dx$ .

- 2)a) Vérifier qu'une primitive de la fonction f définie si x>0 par  $f(x)=\ln(x)+1$  est la fonction F définie si x>0 par  $F(x)=x\ln(x)$ .
- b) En déduire  $C = \int_{1}^{2} \ln(x) + 1 dx$  (donner la valeur exacte puis une valeur approchée à 0,01 près).
- c) En déduire  $D = \int_{1}^{2} x + \ln(x) + 1 dx$  (même consigne).

### Exercice 2

4,5

Soit X une variable aléatoire qui suit la loi uniforme sur l'intervalle [0;4].

1) Calculer:

a)  $P(X \in [1;3])$ 

b) P(X∈[0;3])

c) P(X≥2)

d) P(X=2)

2) Déterminer E(X).

#### Exercice 3

6,5

Soit X une variable aléatoire qui suit la loi normale  $\mathcal{N}(\mu;\sigma^2)$ ,  $\mu$  et  $\sigma$  sont définis cas par cas.

$\mu$ =0 σ=1 P(X∈[-1;1])	μ=0 σ=1 P(X>0)
$\mu$ =0 $\sigma$ =1 P(X=0)	$\mu$ =1 σ=2 P(X∈[-1;3])
$\mu$ =1 σ=2 P(X∈[-3;5])	$\mu$ =1 σ=2 P(X∈[-5;7])

 $\mu$ =1 et σ=2, trouver b pour que  $P(X \le b)$ =0,5. De même si  $P(X \le b)$ =0,975.



"Just a darn minute! — Yesterday you said that X equals two!"