

Correction du contrôle Seconde Droites

Exercice 1

$$2 \times (-3)^2 = 2 \times 9 = 18.$$

C'est une équation produit nulle quand un des termes au moins l'est, on a donc les solutions -3 et $0,5$.

$$(x-5)^2 = x^2 - 10x + 25.$$

$$9x^2 - 16 = (3x-4)(3x+4).$$

Exercice 2

1) $x_B - x_A = 1$ donc $a = y_B - y_A = 3$.

2) (OC) passe par O donc $b=0$ et $y_C = 2x_C$ donc c'est $y=2x$.

3) $b=3$ et $a=-2$.

4) $3 \times 2 - 5 = 1$ donc D est sur la droite.

$3 \times 1,5 - 5 = -0,5 \neq -1$ donc E n'est pas sur la droite.

5) On a déjà $a=2$, c'est le coefficient directeur de la première droite.

De plus, les coordonnées de F vérifient l'équation de la forme $y=2x+b$, donc $b=6-2 \times (-2)=10$.

6) $\frac{y_H - y_G}{x_H - x_G} = \frac{7-5}{3-2} = 2$ et $\frac{y_K - y_H}{x_K - x_H} = \frac{-1-7}{-1-3} = 2$ donc G, H et

K sont alignés.

7) $\frac{y_M - y_L}{x_M - x_L} = \frac{-2 - (-5)}{5 - (-4)} = \frac{1}{3}$ et $\frac{y_P - y_N}{x_P - x_N} = \frac{4-2}{5 - (-1)} = \frac{1}{3}$ donc

(LM)//(PN).

8) Remplaçons y par $x-3$ dans la deuxième équation, il vient $2x - (x-3) = 3$ donc $x+3=3$ soit $x=0$ puis $y=-3$.

Exercice 3

2) $x_K = 2$ et $y_K = 1$.

3) $a = \frac{y_K - y_C}{x_K - x_C} = \frac{1 - (-2)}{2 - 5} = -1$ et $b = y_K - (-1)x_K = 1 + 2 = 3$.

4) $x_L = 3,5$ et $y_L = 1$.

5) $a = \frac{y_L - y_A}{x_L - x_A} = \frac{1 - (-2)}{3,5 - 2} = \frac{3}{1,5} = 2$ et $b = y_L - 2x_L = 1 - 2 \times 3,5 = -6$.

6) Résolvons le système d'équations $\begin{cases} y = -x + 3 \\ y = 2x - 6 \end{cases}$.

On a donc $-x + 3 = 2x - 6$ soit $9 = 3x$ et $x = 3$ donc $y = 0$.

G(3;0).

7) $x_M = 3,5$ et $y_M = -2$.

Il reste à démontrer que B, G et M sont alignés.

$$\frac{y_B - y_G}{x_B - x_G} = \frac{4 - 0}{2 - 3} = -4 \quad \text{et} \quad \frac{y_M - y_G}{x_M - x_G} = \frac{-2 - 0}{3,5 - 3} = \frac{-2}{0,5} = -4.$$

Bonus

E) 11, par exemple 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59.

Lorsqu'un mathématicien ou un philosophe écrit avec une profondeur nébuleuse, il ne dit que des balivernes.

-- Whitehead